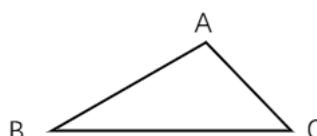
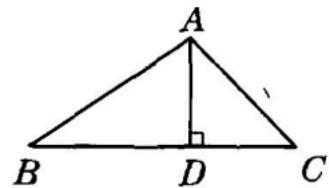


课程基本信息													
课例编号	2020QJ08SXRJ002	学科	数学	年级	八年级	学期	秋季						
课题	三角形的高、中线与角平分线												
教科书	书名：义务教育教科书 数学 八年级上册 出版社：人民教育出版社 出版日期： 2013 年 6 月												
教学人员													
	姓名	单位											
授课教师	徐健	北京师范大学附属实验中学											
指导教师	崔佳佳	北京市西城区教育研修学院											
教学目标													
教学目标：													
1. 理解三角形的高、中线、角平分线，以及三角形的重心等概念，并会用工具准确画出三角形的三条主要线段.													
2. 在由图叙述定义的过程中，培养严谨的语言表达能力.													
3. 在画图过程中，培养观察能力，从中发现新知，激发探索欲.													
教学重点：三角形的高、中线、角平分线的定义及画法													
教学难点：三角形的高、中线、角平分线的定义及画法													
教学过程													
时间	教学环节	主要师生活动											
10分钟	温故知新（一）	如图， $\triangle ABC$ 的三边分别为_____，顶点 A 的对边是_____， $\angle B$ 的对边是_____.											
													

与三角形有关的线段，除了三条边外，还有同学们学过的三角形的高。如图，从 $\triangle ABC$  的顶点  $A$  向它所对的边  $BC$  所在的直线画垂线，垂足为  $D$ ，顶点  $A$  和垂足  $D$  之间的线段  $AD$  就是 $\triangle ABC$  的边  $BC$  上的高。



(PPT 演示高的定义的形成过程)

请同学们与我一起再看图叙述三角形的高的定义

### 1. 三角形的高

从三角形的一个顶点向它的对边所在直线作垂线，顶点和垂足之间的线段叫做三角形的高线，简称三角形的高。

符号语言：

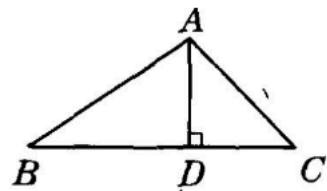
$\because AD$  是 $\triangle ABC$  的高

$\therefore AD \perp BC$  ( $\angle BDA = \angle CDA = 90^\circ$ )

反之，如图，

$\because AD \perp BC$  ( $\angle BDA = 90^\circ$ )

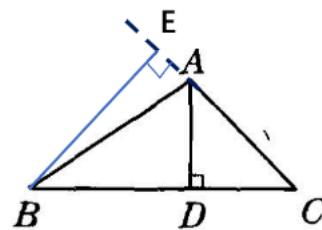
$\therefore AD$  是 $\triangle ABC$  的高



### 【画一画】

你能画出此三角形  $AC$  边上的高线吗？

(边画边强调画法)

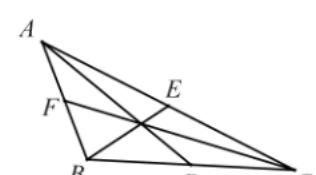
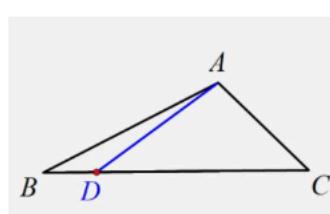
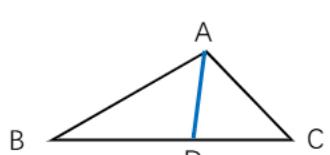


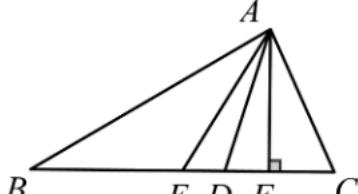
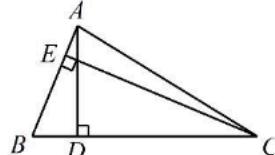
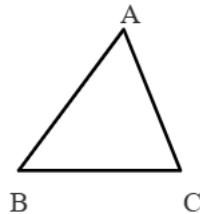
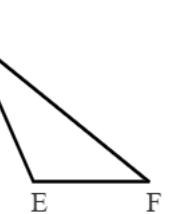
发现： $AC$  边的高线  $BE$  在三角形  $ABC$  的外部

那么， $AB$  边的高线是在三角形  $ABC$  的外部，还是内部呢？

观看视频，发现三角形的三角高线的位置受三角形的形状影响，且三角高线所在直线相交于一点，这个交点也与三角形的形状有关。

	<p>例 在下图中，正确画出<math>\triangle ABC</math> 中 BC 边上高的是（ ）</p> <p>A      B      C      D</p>
温故知新 (二)	<p>在小学的学习中，我们看到三角形的高，就会与三角形的面积有联系，这条高 AD 把三角形 ABC 分成了两个直角三角形，</p> <p style="text-align: center;">— , —</p> <p>发现，三角形 ABD 与三角形 ADC 的面积比为 <math>BD: DC</math>，当 D 点是 BC 边上的任一点时，两三角形的面积比还是 <math>BD: DC</math> 吗？</p>
7 分钟	<p>当 <math>BD=DC</math> 时，两三角形的面积相等，此时 D 点是 BC 的中点，那么此时的 AD 叫做三角形 ABC 的中线.</p> <h3>2. 三角形的中线</h3> <p>在三角形中，连接一个顶点与它对边的中点的线段，叫做这个三角形的中线。</p> <p>符号语言：</p> <p><math>\because AD</math> 是<math>\triangle ABC</math> 的中线</p> $\therefore BD=DC=\frac{1}{2}BC$ <p>反之，如图，</p> $\because BD=DC=\frac{1}{2}BC$ $\therefore AD$ 是 $\triangle ABC$ 的中线 <p><b>【画一画】</b></p> <p>你能画出<math>\triangle ABC</math> 的另两边上的中线吗？发现三条中线的位置有什么关</p>

	<p>系？</p> <p>结论：三角形的中线都在三角形的内部，且必交于一点</p> <p><b>三角形的重心：</b>三角形三条中线的交点叫做三角形的重心。</p>
	<p><b>例</b> 如图，AD，BE，CF是<math>\triangle ABC</math>的三条中线。</p> <p>(1) 则 <math>AB=2\text{_____}</math>, <math>BD=\text{_____}</math>, <math>CE=\frac{1}{2}\text{_____}</math>.</p> <p>(2) 若 <math>S_{\triangle ABC}=12</math>, 则 <math>S_{\triangle ABD}=\text{_____}</math>.</p> 
5分钟	<p>温故知新 (三)</p> <p>当D点在BC上运动时，可得到AD是<math>\triangle ABC</math>的高，也可得到AD是<math>\triangle ABC</math>的中线，还可得到什么呢？</p> <p>(视频演示)</p>  <p><b>3. 三角形角平分线</b></p> <p>三角形的角平分线：在三角形中，一个内角的平分线与它的对边相交，这个角的顶点与交点之间的线段叫做三角形的角平分线。</p> <p>符号语言：</p> <p><math>\because AD</math>是<math>\triangle ABC</math>的角平分线</p> <p><math>\therefore \angle BAD = \angle DAC = \frac{1}{2} \angle BAC</math></p> <p>反之，如图，</p> <p><math>\because \angle BAD = \angle DAC = \frac{1}{2} \angle BAC</math></p> <p><math>\therefore AD</math>是<math>\triangle ABC</math>的角平分线</p> <p><b>【画一画】</b></p> <p>你能画出<math>\triangle ABC</math>的另两条角平分线吗？发现三条角平分线的位置有什么关系？</p> 

		结论：三条角平分线交于一点
3分钟	课堂小结	<p>1. 三角形的角平分线与角的角平分线一样吗？</p> <p>2. 三角形的中线、高是直线吗？</p> <p>3. 三角形的角平分线、高、中线都在三角形的内部吗？</p> <p>4. 直角三角形的两条直角边也是三角形的高吗？</p> <p>5. 三角形的三条中线交于一点，这个交点叫做这个三角形的_____。</p>
1分钟	课后作业	<p>1. 如图，在<math>\triangle ABC</math> 中，<math>AE</math> 是中线，<math>AD</math> 是角平分线，<math>AF</math> 是高。填空：</p> <p>(1) <math>BE = \underline{\hspace{2cm}} = \frac{1}{2} \underline{\hspace{2cm}}</math>；</p> <p>(2) <math>\angle BAD = \underline{\hspace{2cm}} = \frac{1}{2} \underline{\hspace{2cm}}</math>；</p> <p>(3) <math>\angle AFB = \underline{\hspace{2cm}} = 90^\circ</math>；</p> <p>(4) 若 <math>S_{\triangle ABD} = 9</math>，则 <math>S_{\triangle ABC} = \underline{\hspace{2cm}}</math>。</p>  <p>2. 如图，在<math>\triangle ABC</math> 中，<math>AB=2</math>，<math>BC=4</math>。  <math>\triangle ABC</math> 的高 <math>AD</math> 与 <math>CE</math> 的比是多少？  (提示：利用三角形的面积公式。)</p>  <p>3. 按要求画出下列三角形的中线、高线、角平分线。</p> <p>画中线 <math>AD, BE, CF</math></p>  <p>画高 <math>DG, EH, FM</math></p>  <p>画角平分线 <math>GM, HN, KP</math></p> 